

Отзыв на автореферат
диссертации Абузяровой Натальи Файрбаховны
«Спектральный синтез для оператора дифференцирования и локальное описание подмодулей целых функций», представленной на соискание учёной степени доктора физико-математических наук по специальности 1.1.1. «вещественный, комплексный и функциональный анализ»

Основной вопрос любой задачи спектрального синтеза состоит в описании условий, при которых инвариантные подпространства допускают инъективное (внутреннее) описание в терминах корневых элементов оператора или системы операторов. В случае бесконечно дифференцируемых функций речь идет о дифференциальных операторах и о восстановлении инвариантных подпространств по содержащимся в них экспоненциальным полиномам. Как показывают многочисленные контриприемы в такой постановке задача спектрального синтеза в пространствах бесконечно дифференцируемых функций имеет положительное решение очень редко. Для этого требуется выполнение множества ограничительных условий. Следовательно, возникает естественная необходимость введения новых инструментов инъективного описания инвариантных подпространств в таких пространствах, потребность конструирования новых дескрипторов. Результаты Н.Ф. Абузяровой имеют прямое отношение к этому вопросу и посвящены исследованию одного такого нового инструмента инъективного описания.

Новый подход к описанию инвариантных подпространств (слабый спектральный синтез) предполагает выделение в инвариантном подпространстве специального подпространства (резидуальной компоненты). Это подпространство заведомо не содержит корневых элементов (экспоненциальных полиномов). В такой ситуации инъективное описание произвольного инвариантного подпространства сводится к описанию его в терминах сумм элементов резидуальной компоненты и произвольных корневых элементов (экспоненциальных полиномов) из данного подпространства. При этом возможны два варианта инъективного описания. Один из этих вариантов предполагает представление инвариантного подпространства в виде прямой суммы его резидуальной компоненты и его корневой компоненты.

Исследования Н.Ф. Абузяровой относятся к спектральному синтезу

в конкретных локально выпуклых пространствах бесконечно дифференцируемых функций на вещественном промежутке и продолжают многочисленные исследования известных математиков. Используются традиционные для задач спектрального синтеза переход к двойственной задаче и математический аппарат, основанный на методах теории целых функций. Однако наличие в инвариантном подпространстве его резидуальной компоненты резко отличает исследования Н.Ф. Абузяровой, например, от исследований разных авторов по спектральному синтезу в комплексной области. Наблюдаемая здесь лишь частичная аналогия подчеркивает значение полученных Н.Ф. Абузяровой результатов.

Считаю, что в диссертации Абузяровой Натальи Файрбаховны «Спектральный синтез для оператора дифференцирования и локальное описание подмодулей целых функций» проведены важные исследования, разработаны полезные методы и получены актуальные результаты. Работа соответствует всем требованиям Положения о присуждении ученых степеней в ФГАОУ ВО «Южный федеральный университет», в том числе п. 2.1 по докторским диссертациям, и ее автор, Абузярова Наталья Файрбаховна, заслуживает присуждения ученой степени доктора физико-математических наук по специальности 1.1.1 – «вещественный, комплексный и функциональный анализ».

Шишкин Андрей Борисович,

доктор физико-математических наук по специальности 01.01.01. «вещественный, комплексный и функциональный анализ», профессор кафедры математики, информатики, естественнонаучных и общетехнических дисциплин филиала ФГБОУ ВО «КубГУ» в г. Славянске-на-Кубани.

Контактные данные:

Рабочий тел.: 8(86146)4-30-42, e-mail: Shihkin-home@mail.ru

Адрес места работы: 353560, г. Славянск-на-Кубани, Краснодарский край, ул. Кубанская, 200; тел.: 8(86146)4-30-42; e-mail: slav@kubsu.ru

